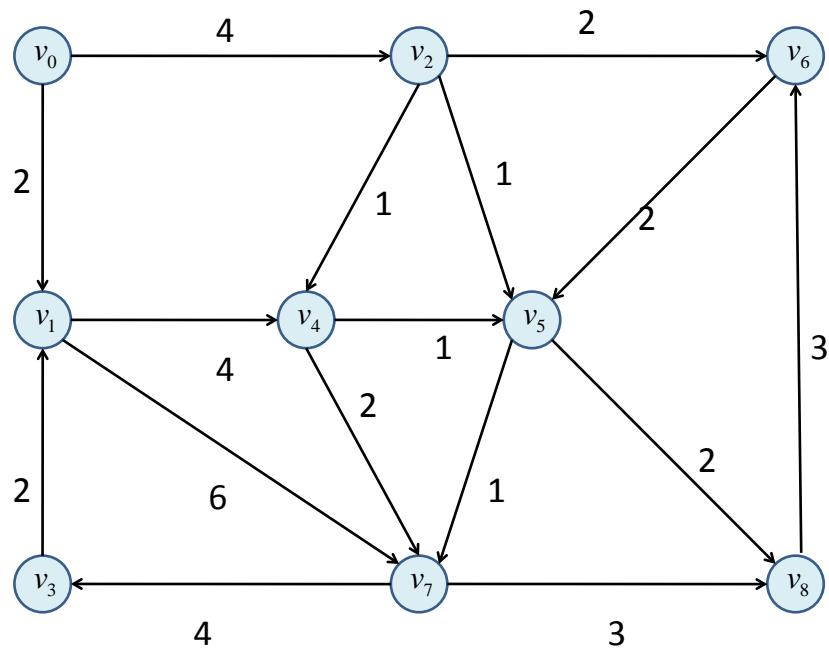


# 「グラフと組み合わせ」課題 11(解答例)

2010/7/12

## 1 最短経路

以下のグラフ  $G = (V, A)$  に距離関数  $l: A \rightarrow R$  が定義されているとする。このとき頂点  $v_0$  からの各頂点への最短距離を Dijkstra 法により求めなさい。また、その構築過程も示しなさい。図中の数値は、各弧の距離を表す。



## 解答例

	頂点	$W$	$U$	$p$	$q$	更新
0		$\emptyset$	$\{v_0\}$	$p(v_0) = 0$		
1	$v_0$	$\{v_0\}$	$\{v_1, v_2\}$	$p(v_1) = 2$	$q(v_1) = v_0$	
				$p(v_2) = 4$	$q(v_2) = v_0$	

2	$v_1$	$\{v_0, v_1\}$	$\{v_2, v_4, v_7\}$	$p(v_4) = 6$	$q(v_4) = v_1$	3
				$p(v_7) = 8$	$q(v_7) = v_1$	4
3	$v_2$	$\{v_0, v_1, v_2\}$	$\{v_4, v_5, v_6, v_7\}$	$p(v_4) = 5$	$q(v_4) = v_2$	
				$p(v_5) = 5$	$q(v_5) = v_2$	
				$p(v_6) = 6$	$q(v_6) = v_2$	
4	$v_4$	$\{v_0, v_1, v_2, v_4\}$	$\{v_5, v_6, v_7\}$	$p(v_7) = 7$	$q(v_7) = v_4$	5
5	$v_5$	$\{v_0, v_1, v_2, v_4, v_5\}$	$\{v_6, v_7, v_8\}$	$p(v_7) = 6$	$q(v_7) = v_5$	
				$p(v_8) = 7$	$q(v_8) = v_5$	
6	$v_6$	$\{v_0, v_1, v_2, v_4, v_5, v_6\}$	$\{v_7, v_8\}$			
7	$v_7$	$\{v_0, v_1, v_2, v_4, v_5, v_6, v_7\}$	$\{v_3, v_8\}$	$p(v_3) = 10$	$q(v_3) = v_7$	
8	$v_8$	$\{v_0, v_1, v_2, v_4, v_5, v_6, v_7, v_8\}$	$\{v_3\}$			
9	$v_3$	$\{v_0, v_1, v_2, v_3, v_4, v_5, v_6, v_7, v_8\}$	$\emptyset$			

